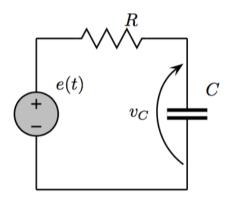
# Simulazione numerica della risposta in transitorio di un circuito RC del primo ordine formulato con l'equazione di stato (Forward Euler)



L'equazione di stato di un circuito del primo ordine è:

$$\dot{x} = Ax(t) + bu(t)$$

Per questo circuito diventa:

$$\dot{x} = -\frac{1}{RC}x + \frac{e}{RC}$$

avendo posto $v_C = x$ 

#### Parametri del circuito

### Parametri per la simulazione

```
N = 50; %numero di punti usati nella simulazione
Ne = 100; %numero di punti usati per la rappresentazione della soluzione analitica
tstop=10e-3; %intervallo di simulazione
h=tstop/N; %intervallo di integrazione
time=0:h:tstop; %vettore (N+1) degli istanti di tempo 0, h, 2h, ..,tstop
he = tstop/Ne; %intervallo di tempo usato nella rappresentazione della soluzione analiti
%inizializzo il vettore della soluzione, inserendo la cond. ini. come primo valore
x=[x0 zeros(1,N)]; %vettore della soluzione numerica (N+1)
```

```
xa=[ x0 zeros(1,Ne)]; %vettore della soluzione analitica (Ne+1)
```

#### Specifica dell'ingresso:

• Ingresso Costante  $e_c(t)$ 

```
%ingresso costante
E = 10; %ampiezza dell'ingresso
ec=E*ones(1,N+1); %vettore dell'ingresso (N+1)
xpc =E*ones(1,Ne+1); %soluzione di regime (100+1)
```

• Ingresso Sinusoidale  $e_s(t)$ 

#### Integrazione dell'equazione di stato con Forward Euler (FE)

$$\frac{x_{n+1} - x_n}{h} = Ax_n + bu_n$$

da cui, risolvendo rispetto ad  $x_{n+1}$  si ha:

$$x_{n+1} = (1 + hA)x_n + hbu_n$$

#### Simulazione della risposta ad ingresso costante (u(t)=ec)

Integrazione con FE

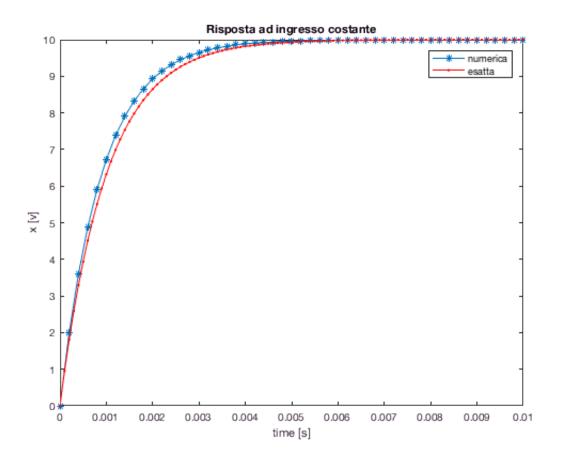
```
%calcolo della soluzione con FE
M = 1+h*A;
for i=1:N
    x(i+1) = M * x(i) + h*b*ec(i);
end
```

Calcolo della soluzione analitica

```
for i=1:Ne xa(i+1) = (xa(1)-xpc(1))*exp(A*i*he)+xpc(i+1); end
```

Plot della soluzione numerica e di quella esatta (in rosso)

```
plot(time,x,'-*', [0:100]*he,xa,'.-r');
title('Risposta ad ingresso costante')
xlabel('time [s]')
ylabel('x [v]')
legend('numerica', 'esatta')
```



## Simulazione della risposta ad ingresso sinusoidale (u(t)=es)

· Integrazione con FE

```
M = 1+h*A;
for i=1:N
    x(i+1) = M * x(i) + h*b*es(i);
end
```

· Calcolo della soluzione analitica

```
for i=1:Ne
    xa(i+1) = (xa(1)-xps(1))*exp(A*i*he)+xps(i+1);
end
```

• Plot della soluzione numerica e di quella esatta (in rosso)

```
plot(time,x,'-*',[0:100]*he,xa,'.-r');
title('Risposta ad ingresso sinusoidale')
xlabel('time [s]')
ylabel('x [v]')
legend('numerica', 'esatta')
```

