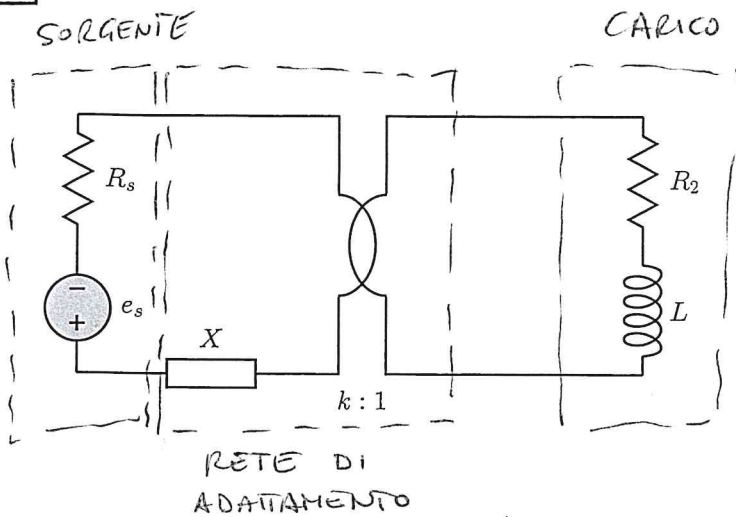


E2



Il circuito di figura opera in regime sinusoidale ed contiene una sorgente (e_s, R_s) e un carico (R_2, L).

Sapendo che:

$e_s = 40 \cos(10^4 t)$ [V], $R_s = 10$ [k Ω], $R_2 = 100$ [Ω], $L = 100$ [μ H], Determinare:

- il rapporto di trasformazione k e la reattanza X che rendono massima la potenza attiva trasferita dalla sorgente al carico, specificando il valore del parametro fisico che caratterizza X (valore di L o C)
- nelle condizioni determinate al punto precedente, calcolare la potenza attiva trasferita sul carico.

L'induttore L è fisicamente realizzato attraverso N spire avvolte su un nucleo magnetico toroidale di riluttanza $\mathcal{R} = 4 \cdot 10^6$ [H^{-1}].

- Determinare il numero di spire N .

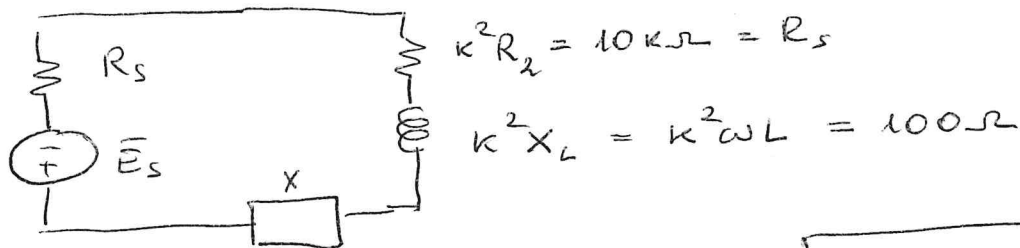
SVILUPPARE L'ESERCIZIO QUI SOTTO

Il massimo trasferimento di potenza si ha quando

$Z_s = Z_c^*$, In questo caso $Z_s = R_s$ e p.w.d

dovrà essere: $R_s = k^2 R_2 \rightarrow k = \sqrt{\frac{R_s}{R_2}} = 10$

Il nuovo circuito (intorno a, con k fissato) è:



dovrà essere: $X + k^2 X_L = 0 \rightarrow X = -k^2 X_L = -100 \Omega$

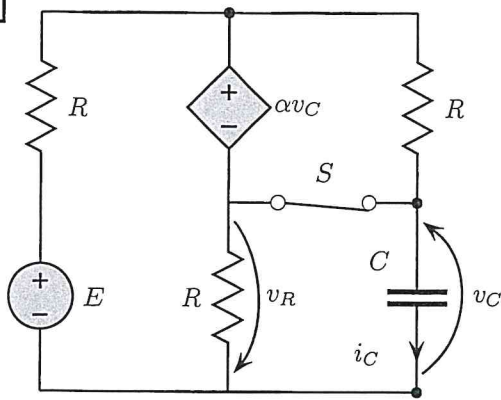
$X = -100 \Omega = -\frac{1}{\omega C}$

$C = \frac{1}{100 \cdot \omega} = 1 \mu F$

$P = \frac{E^2}{8R_s} = \frac{40^2}{8 \cdot 10^4} = 2 \cdot 10^{-2} W = 20 mW$

Essendo $L = \mathcal{R} \frac{N^2}{R} \rightarrow N = \sqrt{L \cdot R} = 20$ spire

E3



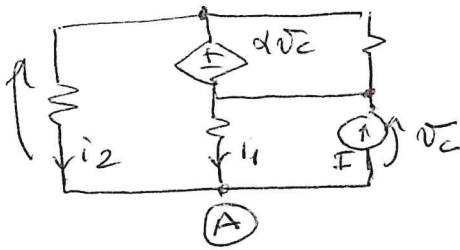
L'interruttore S , aperto da molto tempo, viene chiuso all'istante $t = 0$. Sapendo che:

$$R = 10 [\Omega], E = 30 [V], C = 1 [\text{mF}]$$

- Determinare per quali valori del parametro α il circuito di figura risulta asintoticamente stabile
- Posto $\alpha = -1 [V]/[V]$ Determinare la tensione v_C e la tensione v_R per $t \geq 0$
- Tracciare il grafico qualitativo di v_C e v_R per $t \geq 0$.

SVILUPPARE L'ESERCIZIO QUI SOTTO

① Stabilità: calcolo la R_{eq} vista da C : (per $t > 0$)



$$R_{eq}(\alpha = -1) = 10 \Omega$$

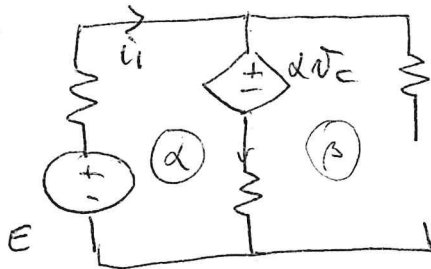
$$i_1 = \frac{v_C}{R}; \quad i_2 = \frac{v_C + \alpha v_C}{R}$$

$$\text{LKC(A)} \quad i_1 + i_2 = I \Rightarrow \frac{v_C}{R} + \frac{v_C + \alpha v_C}{R} = I$$

$$R_{eq} = \frac{v_C}{I} = \frac{R}{\alpha + 2}$$

$$\text{cir. stabile se } \alpha + 2 > 0 \Rightarrow \alpha > -2$$

② c.i.:



$$\text{LKT}(\alpha) \quad E - R i_1 - R i_1 - \alpha v_C = 0$$

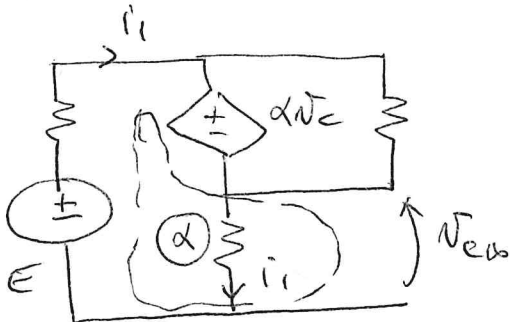
$$i_1 = \frac{E - \alpha v_C}{2R}$$

$$\Rightarrow \frac{E - \alpha v_C}{2} + \alpha v_C = v_C$$

$$\text{LKT}(\beta) \quad R i_1 + \alpha v_C = v_C$$

$$v_C(0) = \frac{E}{2 - \alpha} \quad \alpha = -1 \quad 10 \text{ V}$$

c.f.i.:



$$i_1' = \frac{v_{C\infty}}{R}$$

$$v_R(0) = \frac{R i_1}{R} = -v_C(1 - \alpha) = 20$$

$$\text{LKT}(\alpha) \quad E - R i_1 - \alpha v_C - v_C = 0$$

$$\Rightarrow v_{C\infty} = \frac{E}{\alpha + 2} \quad \alpha = -1 \quad 30 \text{ V}$$

$$\tau = R_{eq} \cdot C = 10 \cdot 10^{-3} = 10 \text{ ms}$$

$$v_c(t) = [10 - 30] e^{-100t} + 30 = -20 e^{-100t} + 30 \text{ [V]}$$

$$v_R(t) = -v_c(t) \quad (\text{für } t > 0)$$

$$v_R(t=0) = -20 \text{ V}$$

